

M.H

R E P U B L I Q U E F R A N C A I S E



PCI/ER 99 / 0 1 9 9 6

REC'D 27 AUG 1999

WIPO

PCT

ESU

FR 99 / 1996

# BREVET D'INVENTION

CERTIFICAT D'UTILITÉ - CERTIFICAT D'ADDITION

COPIE OFFICIELLE

**PRIORITY  
DOCUMENT**

SUBMITTED OR TRANSMITTED IN  
COMPLIANCE WITH RULE 17.1(a) OR (b)

Le Directeur général de l'Institut national de la propriété industrielle certifie que le document ci-annexé est la copie certifiée conforme d'une demande de titre de propriété industrielle déposée à l'Institut.

Fait à Paris, le **20 AOUT 1999**

Pour le Directeur général de l'Institut  
national de la propriété industrielle  
Le Chef du Département des brevets

Martine PLANCHE

INSTITUT  
NATIONAL DE  
LA PROPRIÉTÉ  
INDUSTRIELLE

**SIEGE**

26 bis, rue de Saint Petersburg  
75800 PARIS Cédex 08  
Téléphone : 01 53 04 53 04  
Télécopie : 01 42 93 59 30

**THIS PAGE BLANK (USPTO)**

**REQUÊTE EN DÉLIVRANCE**

26 bis, rue de Saint Pétersbourg  
75800 Paris Cedex 08  
Téléphone : (1) 42.94.52.52 Télécopie : (1) 42.93.59.30

Confirmation d'un dépôt par télécopie ☐

Cet imprimé est à remplir à l'encre noire en lettres capitales

Réservé à l'INPI

DATE DE REMISE DES PIÈCES  
**17 AOÛT 1998**

N° D'ENREGISTREMENT NATIONAL

**98 10592**

DÉPARTEMENT DE DÉPÔT

DATE DE DÉPÔT

**17 AOÛT 1998**

**2 DEMANDE** Nature du titre de propriété industrielle

☐ brevet d'invention

☐ demande divisionnaire

☒ demande initiale

☐ certificat d'utilité

☐ transformation d'une demande de brevet européen

☐ brevet d'invention

☐ certificat d'utilité n°

date

Établissement du rapport de recherche

☐ différé

☒ immédiat

Le demandeur, personne physique, requiert le paiement échelonné de la redevance

☐ oui

☒ non

Titre de l'invention (200 caractères maximum)

**PROCÉDE DE TEST DE SOURCE DE NOMBRE ALÉATOIRE ET DISPOSITIFS  
ÉLECTRONIQUES COMPRENANT LE PROCÉDE**

**3 DEMANDEUR (S)**

n° SIREN **3.4.9.7.1.1.2.0.0**

code APE-NAF

Norm et prénoms (souligner le nom patronymique) ou dénomination

**GENPLUS**

Forme juridique

**S.C.A**

Nationalité (s) **FRANÇAISE**

Adresse (s) complète (s)

Pays

**PARC D'ACTIVITE DE GENENOS  
AVENUE DU PIC DE BERTAGNE  
13420 GENENOS**

**FRANCE**

En cas d'insuffisance de place, poursuivre sur papier libre ☐

**4 INVENTEUR (S)** Les inventeurs sont les demandeurs

☐ oui

☒ non

Si la réponse est non, fournir une désignation séparée

**5 RÉDUCTION DU TAUX DES REDEVANCES**

☐ requise pour la 1ère fois

☐ requise antérieurement au dépôt ; joindre copie de la décision d'admission

**6 DÉCLARATION DE PRIORITÉ OU REQUÊTE DU BÉNÉFICE DE LA DATE DE DÉPÔT D'UNE DEMANDE ANTÉRIEURE**

pays d'origine

numéro

date de dépôt

nature de la demande

**7 DIVISIONS** antérieures à la présente demande n°

date

n°

date

**8 SIGNATURE DU DEMANDEUR OU DU MANDATAIRE**

(nom et qualité du signataire - n° d'inscription)

SIGNATURE DU DÉPOSÉ À LA RÉCEPTION

SIGNATURE APRES ENREGISTREMENT DE LA DEMANDE À L'INPI

**NONNENNACHER BERNARD  
DIRECTEUR PROPRIÉTÉ INDUSTRIELLE**

DÉSIGNATION DE L'INVENTEUR

(si le demandeur n'est pas l'inventeur ou l'unique inventeur)

DIVISION ADMINISTRATIVE DES BREVETS

26bis, rue de Saint-Petersbourg  
75800 Paris Cédex 08

Tél. : 01 53 04 53 04 - Télécopie : 01 42 93 59 30

N° D'ENREGISTREMENT NATIONAL

98 10 5921

TITRE DE L'INVENTION :

PROCÉDE DE TEST DE SOURCE DE NOMBRE ALÉATOIRE  
ET DISPOSITIFS ÉLECTRONIQUES COMPRENANT CE PROCÉDE

LE(S) SOUSSIGNÉ(S)

GENPWS

DÉSIGNE(NT) EN TANT QU'INVENTEUR(S) (indiquer nom, prénoms, adresse et souligner le nom patronymique) :

JEAN-SEBASTIEN CORON  
4 RUE LEON DE LAGRANGE  
75015 PARIS

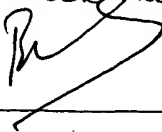
DAVID MACCACHÉ  
7 RUE CHAPTAL  
75009 PARIS

NOTA : A titre exceptionnel, le nom de l'inventeur peut être suivi de celui de la société à laquelle il appartient (société d'appartenance) lorsque celle-ci est différente de la société déposante ou titulaire.

Date et signature (s) du (des) demandeur (s) ou du mandataire

13/08/98

BERNARD NONMENDACHER  
DIRECTEUR PROPRIÉTÉ INDUSTRIELLE



**PROCEDE DE TEST DE SOURCE DE NOMBRE ALEATOIRE  
ET DISPOSITIFS ELECTRONIQUES METTANT EN OEUVRE CE  
PROCEDE**

5 L'invention concerne un procédé de test de sources générant des nombres aléatoires, en particulier des sources mises au point dans le cadre de systèmes cryptographiques tels que les générateurs de nombres aléatoires embarqués à bord de cartes à puce.

Elle est particulièrement destinée à être mise en oeuvre dans le  
10 test et la validation de dispositifs électroniques du type carte à puce, PCMCIA, badges, cartes sans contact ou tout autre appareil portable.

La plupart des systèmes de cryptographie à clé publique (dite aussi cryptographie asymétrique) et clé secrète (dite aussi cryptographie  
15 symétrique) nécessitent le tirage d'aléas secrets. Il est primordial que de tels aléas, ou nombres, destinés à servir comme clés ultérieurement, soient à priori imprévisibles et ne présentent pas de régularités permettant de les retrouver par des stratégies de recherche exhaustive ou exhaustive améliorée pour laquelle les clés les plus probables sont cherchées en  
20 premier lieu.

A ce titre, il existe plusieurs procédés permettant de tester les aléas générés par une source aléatoire et de s'assurer que ladite source fonctionne correctement et ne présente pas de dérive suite à des changements de paramètres externes d'origine malveillante telle qu'une  
25 altération par des radiations induites.

Chacun de ces procédés s'applique à une suite, appelée aussi séquence, de nombres entiers compris entre 0 et une valeur d, ladite suite étant générée par la source aléatoire.

Le procédé de test le plus connu est le test dit de "fréquence". Il  
30 s'agit de compter le nombre d'apparitions de chaque entier compris entre 0 et une valeur d dans ladite séquence. Le nombre d'apparitions de chaque entier est ensuite évalué statistiquement.

Un second procédé de test dit de "séries" consiste en un comptage et une évaluation statistique du nombre d'apparitions de tous  
35 les couples possibles d'entiers compris entre 0 et une valeur d. Ce

procédé de test peut être généralisé au comptage des triplets, quadruplets d'entiers, etc...

Un troisième procédé de test dit de "trou" existe. Un trou dans une séquence est une suite de nombres à l'extérieur d'un intervalle prédéterminé. Il s'agit d'une évaluation statistique de la longueur desdits trous dans la séquence.

Un quatrième procédé de test, dit test du "poker", existe. Le test consiste à grouper les nombres de la séquence par groupe de cinq nombres et à compter dans chaque quintuplet combien de valeurs différentes apparaissent.

Un cinquième procédé de test dit de "collecte de coupons" consiste à évaluer statistiquement la taille de séquence nécessaire pour que toutes les valeurs entières comprises entre 0 et d apparaissent dans ladite séquence.

Le détail de ces procédés se trouve dans l'ouvrage intitulé: "Knuth, The art of computer programming, vol. 2, Seminumerical algorithms".

Un autre procédé de test populaire est le test universel de Maurer décrit dans l'ouvrage "Journal of Cryptology, vol. 5, n° 2, 1992, pp. 89-105". Ce test présente l'avantage de révéler tous les défauts décelables par les procédés de tests précédemment cités ainsi que d'autres défauts statistiques non détectés par ces mêmes procédés de test.

Le procédé de test, dit de Maurer, également dénommé universel, comprend les étapes suivantes:

Première étape: Génération d'une séquence de  $(Q+K)*L$  bits par la source aléatoire. Q, K et L sont des paramètres d'entrée. Les bits de la séquence sont groupés par bloc de L bits, formant une séquence d'entiers compris entre 0 et  $2^L-1$  de longueur Q+K. La longueur est mémorisée dans le tableau block[n], où n est compris entre 1 et Q+K.

Deuxième étape: Calcul du paramètre du test, noté fTU; cette deuxième étape comprenant les étapes suivantes, appelées sous-étapes 2.1 à 2.5 :

2.1 Création et initialisation d'un tableau tab [i] de taille  $2^L$ ;

2.2 Pour n variant de 1 à Q, faire le calcul: tab[block[n]]=n;

2.3 Initialiser le nombre Sum à 0;

2.4 Pour n variant de Q+1 à Q+K, exécuter le calcul :

Ajouter  $\log(n - \text{tab}[\text{block}[n]])$  à Sum;

Faire le calcul:  $\text{tab}[\text{block}[n]] = n$ ;

2.5 Le paramètre fTU du test est donné par:

5 
$$\text{fTU} = (\text{Sum}/K) / \log(2);$$

Troisième étape: Calcul de la variance par block de paramètre du test, notée Var. Son expression précise est donnée dans l'article publié par Maurer dans l'ouvrage " Journal of Cryptology, vol. 5, n° 2, 1992, pp. 89-105 ", qui est :

10 
$$\text{Var} = (1-z) * \sum_{i=1}^{\infty} \log_2(i)^2 * z^{i-1} - ((1-z) * \sum_{i=1}^{\infty} \log_2(i) * z^{i-1})^2 ,$$

avec  $\log_2(z) = \log(z) / \log(2)$  et  $z = 1 - 2^{-L}$

Quatrième étape: Calcul de la fonction  $c(L, K)$ . Une expression  
15 approchée de cette fonction est donnée dans l'article de l'ouvrage précédent, qui est:

$$c(L, K) = 0,7 - 0,8/L + (1,6 + 12,8/L) * K^{-4/L};$$

Cinquième étape: Calcul de l'écart type du paramètre de test,  
noté  $\sigma$ :  $\sigma = c(L, K) * \sqrt{(\text{Var}/K)}$ ;

20 Sixième étape: Calcul du paramètre y; y est déterminé à partir du taux de rejet du test fixé en entrée, noté p. y doit vérifier l'équation:

$$N(-y) = p .$$

N est la fonction de densité normale décrite dans l'ouvrage " R. Langley, Practical statistics, Dover publications, New-York, 1968 ".

25 L'équation  $N(-y) = p$  peut être résolue en utilisant une table de valeurs de N. Une telle table est fournie dans l'article précédent;

Septième étape: Calcul de la valeur moyenne idéale du test, notée  $E[\text{fTU}]$ . Son expression est donnée dans l'article publié par Maurer dans l'ouvrage " Journal of Cryptology, vol. 5, n°2, 1992, pp. 89-105 ", et

30 vaut :

$$E[\text{fTU}] = (1-z) * \sum_{i=1}^{\infty} \log_2(i) * z^{i-1}$$

avec  $\log_2(z) = \log(z)/\log(2)$  et  $z = 1 - 2^{-L}$

Huitième étape: Calcul des bornes  $t_1$  et  $t_2$ . Elles sont données par l'équation:  $t_1 = E[FTU] - y \cdot \sigma$  et  $t_2 = E[FTU] + y \cdot \sigma$  ;

Neuvième étape: Résultat du test:

5 Si le paramètre du test FTU est compris entre  $t_1$  et  $t_2$ , alors le générateur de nombre aléatoire est accepté. Dans le cas contraire, il est refusé.

10 Le procédé de test universel est donc basé sur une approximation dans le calcul de la fonction  $c(L, K)$ . Cette approximation rend le test moins précis que ce que veut la garantie théorique lui servant de base. Il est possible de montrer que dans certains cas, le test universel s'avère 2,67 fois trop permissif par rapport à ce que permet la théorie.

15 La présente invention a pour objet un procédé de test amélioré permettant d'atteindre la précision réelle garantie par l'analyse théorique du test universel. Ce test sert notamment à améliorer la sécurité de dispositifs portables du type carte à puce.

20 Le procédé de l'invention consiste à remplacer l'étape 4 du test universel par le calcul précis de la fonction  $c(L, K)$ . Ce calcul est basé sur une analyse probabiliste du test universel.

La présente invention donne trois expressions distinctes de la fonction  $c(L, K)$ , suivant les valeurs des paramètres  $L$  et  $K$ .

25 La première expression de  $c(L, K)$  est valable quelque soient les paramètres  $L$  et  $K$ .

La deuxième expression de  $c(L, K)$  est valable dans le cas où la valeur  $L$  est comprise entre 3 et 16 et la valeur  $K$  est supérieur à  $30 \cdot 2^L$ , ce qui correspond au cas le plus usuel d'utilisation du test. Elle est beaucoup  
30 plus simple à calculer que la première expression et peut donc s'effectuer à bord d'un simple micro-contrôleur en quelques millisecondes.

La troisième expression de  $c(L, K)$  est valable pour une valeur de  $L > 16$  et une valeur de  $K > 30 \cdot 2^L$ . Cette expression est encore plus simple à calculer.



La première expression de  $c(L,K)$  peut s'obtenir par le procédé décrit ci-dessous qui comporte neuf étapes:

1. Calculs de:  $u=1-2^{-L}$  et  $v=1-1/(2^L-1)$ ;  
u et v étant des nombres réels;
2. Création de deux tableaux tab1 et tab2 de dimension  $60 \cdot 2^L$ ;
3. Remplissage des tab1 et tab2: pour cela,
  - 3.1 Exécuter  $z=u$ ,  $sum=0$ ,  $z1=1$ ;
  - 3.2 Pour i allant de 1 à  $30 \cdot 2^L$ , répéter les deux opérations qui sont: ajouter  $\log_2(i) \cdot z1$  à sum, dans laquelle  $\log_2$  désigne le logarithme en base 2, et  
calculer:  $z1=z1 \cdot z$ ;
  - 3.3 Exécuter  $tab1[0]=(1-z) \cdot sum$ ;
  - 3.4 Pour i allant de 1 à  $60 \cdot 2^L$ ,  
Exécuter  $tab1[i]=(tab1[i-1])-(1-z) \cdot \log_2(i)/z$ ;
  - 3.5 Répéter les étapes 3.1, 3.2, 3.3, 3.4 en remplaçant u par v et tab1 par tab2;
4. Calcul de la variance par bloc notée Var;
  - 4.1 Exécuter  $sum=0$  et  $x=1$ ;
  - 4.2 Pour i variant de 1 à  $30 \cdot 2^L$ , exécuter les deux opérations qui sont:  
Ajouter  $\log_2(i)^2 \cdot x$  à sum et  
Exécuter  $x=x \cdot z$ ;
  - 4.3 Faire  $Var=sum/2^L-tab1[0]^2$ ;
5. Calcul de  $P(K)$ :
  - 5.1 Faire  $sum=0$  et  $x=1$
  - 5.2 Pour i variant de 1 à  $30 \cdot 2^L$ : faire les trois opérations suivantes:  
Calculer  $y: y=u^2 \cdot (tab2[i+K-1]-tab1[i+K]) \cdot (tab2[0]-v^i \cdot tab2[i]) + u \cdot tab1[0] \cdot (tab1[i+K-1]-tab2[i+K-1])$ ,  
Ajouter  $y \cdot x$  à sum,  
Exécuter  $x=x \cdot u$ ;
  - 5.3 Exécuter  $P(K)=u^{(K-1)} \cdot sum$ ;

6. Calcul de  $P(1)$ :

Même procédé qu'à l'étape 5 en remplaçant  $K$  par 1;

7. Calcul de  $Q(K)$ :

7.1 Faire  $\text{sum}=0$ ,  $\text{sum2}=0$  et  $x=1$ ,

5 7.2 Pour  $i$  variant de 1 à  $30 \cdot 2^L$ :

Ajouter  $i \cdot \log_2(i) \cdot u^{(i-2)}$  à  $\text{sum2}$ ;

Exécuter les trois opérations suivantes:

calculer  $y = u^{2 \cdot (\text{tab2}[i+K-1] - \text{tab1}[i+K]) \cdot ((i+K) \cdot \text{tab2}[0] -$

10  $v_i \cdot \text{tab2}[i]) - 2 \cdot (-L) \cdot \text{sum2}) + u^{(i+K-1)} \cdot \text{tab1}[0] \cdot (\text{tab1}[i+K-1] - \text{tab2}[i+K-1])$ ,

Ajouter  $y \cdot x$  à  $\text{sum}$ ,

Exécuter  $x = x \cdot u$ ;

7.3 Exécuter  $Q(K) = u^{(K-1)} \cdot \text{sum}$

8. Calcul de  $Q(1)$

15 Même procédé qu'à l'étape 7 en remplaçant  $K$  par 1

9. Calcul de  $c(L, K)$

$c(L, K) = \sqrt{(1 - 2 \cdot \text{Var}^*(P(1) - P(K) - (Q(1) - Q(K)) / K)}$

La deuxième expression de  $c(L, K)$  est valable pour  $K > 30 \cdot 2^L$ .

20 Elle se calcule d'après le procédé suivant en deux étapes:

Première étape: Lecture des valeurs de  $e(L)$  et  $d(L)$ ,  $e$  et  $d$  étant des réels, listées dans le tableau suivant, pour  $L$  compris entre 3 et 16:

	$L$	$d(L)$	$e(L)$
25	3	0, 2732725	0,4890883
	4	0,3045101	0,4435381
	5	0,3296587	0,4137196
	6	0,3489769	0,3941338
	7	0,3631815	0,3813210
30	8	0, 3732189	0,3730195
	9	0,3800637	0,3677118
	10	0,3845867	0,3643695
	11	0,3874942	0,3622979
	12	0,3893189	0,3610336
35	13	0,3904405	0,3602731

14	0,3911178	0,3598216
15	0,3915202	0,3595571
16	0,3917561	0,3594040

5 Deuxième étape: Calcul de la valeur  $c(L,K)$  à l'aide de la formule:  

$$c(L,K)=\sqrt{d(L)+e(L)*2^{L/K}}$$

La troisième expression de  $c(L,K)$  est valable pour  $L>16$  et  $K>30*2^L$ . Elle est donnée par la formule suivante:

10 
$$c(L,K)=\sqrt{(1-6/\pi^2+2/\pi^2*(4*\log(2)-1))*2^{L/K}}$$

La présente invention concerne également, comme cela a été dit au début de la description, page une, un dispositif électronique non représenté par une figure ou un schéma. Ce dispositif électronique est un  
15 dispositif d'auto-vérification d'intégrité physique d'un circuit intégré s'auto-vérifiant et contrôlant l'intégrité de son générateur aléatoire à partir des trois variantes du procédé de l'invention, décrits également ci-dessus , ou plus explicitement à partir des trois expressions distinctes de la fonction  $c(L, K)$ , ceci afin de s'assurer que ledit générateur fonctionne  
20 correctement en général et ne présente pas de dérive suite à des changements de paramètres externes d'origine malveillante telle qu'une altération par des radiations induites en particulier.

De manière préférentielle, le dispositif électronique effectuant le  
25 test est un dispositif portable, plus particulièrement il consiste, par exemple, en une carte à puce, une carte sans contact, une carte PCMCIA, un badge, une montre intelligente.

Enfin, le dispositif électronique de l'invention peut être un  
30 dispositif extérieur constitué d'une machine ou installation destinée à tester le bon fonctionnement de générateurs aléatoires embarqués à bord desdits dispositifs portables. Ce dispositif extérieur permet un échange d'informations avec le dispositif portable de manière à vérifier que le générateur aléatoire fonctionne correctement. Le dispositif extérieur inter-

s

agit avec le dispositif portable pour vérifier l'intégrité de son générateur aléatoire.

## REVENDECATIONS

1. Procédé de test de source de nombre aléatoire embarqué à bord d'un système cryptographique, du type carte à puce, comprenant les étapes suivantes:

- première étape: génération d'une séquence de  $(Q+K)*L$  bits par la source aléatoire,  $Q$ ,  $K$  et  $L$  étant des paramètres d'entrée, lesdits bits de la séquence étant groupés par bloc de  $L$  bits, formant une séquence d'entiers compris entre 0 et  $2^L-1$  de longueur  $Q+K$ , la longueur étant mémorisée dans le tableau  $block[n]$ , où  $n$  est compris entre 1 et  $Q+K$ .

- deuxième étape: calcul du paramètre du test, noté  $fTU$ , comprenant les étapes suivantes, appelées sous-étapes, 2.1 à 2.5

2.1 création et initialisation d'un tableau  $tab[i]$  de taille  $2^L$ ;

2.2 pour  $n$  variant de 1 à  $Q$ , exécution du calcul:

$tab[block[n]]=n$ ;

2.3 initialisation du nombre  $Sum$  à 0;

2.4 pour  $n$  variant de  $Q+1$  à  $Q+K$ , exécution du calcul en deux opérations:

- addition du  $\log(n-tab[block[n]])$  à  $Sum$ ;

- exécution du calcul:  $tab[block[n]]=n$ ;

2.5 le paramètre  $fTU$  du test étant donné par le calcul de la formule:

$$fTU = (Sum/K) / \log(2);$$

- troisième étape: calcul de la variance par block de paramètre du test, notée  $Var$ , à partir de l'expression suivante:

$$Var = (1-z) * \sum_{i=1}^{\infty} \log_2(i)^2 * z^{i-1} - ((1-z) * \sum_{i=1}^{\infty} \log_2(i) * z^{i-1})^2,$$

avec  $\log_2(z) = \log(z) / \log(2)$  et  $z = 1 - 2^{-L}$

- quatrième étape: Calcul de la fonction  $c(L,K)$ ;

- cinquième étape: Calcul de l'écart type du paramètre de test, noté  $\sigma$  à partir de la formulation:  $\sigma = c(L,K) * \sqrt{(Var/K)}$ ;

- sixième étape: calcul du paramètre  $y$ ;  $y$  étant déterminé à partir du taux de rejet du test fixé en entrée, noté  $p$ ,  $y$  devant vérifier l'équation:  $N(-y) = p$ .

$N$  est la fonction de densité normale

- 5 - septième étape: calcul de la valeur moyenne idéale du test, notée  $E[fTU]$ , donnée par la formule suivante.

$$E[fTU] = (1-z) \sum_{i=1}^{\infty} \log_2(i) 2^{z \cdot i - 1}$$

- 10 avec  $\log_2(z) = \log(z)/\log(2)$  et  $z = 1 - 2^{-L}$

- huitième étape: Calcul des bornes  $t1$  et  $t2$ . Elles sont données par l'équation:

$$t1 = E[fTU] - y \cdot \sigma \quad \text{et} \quad t2 = E[fTU] + y \cdot \sigma ;$$

- 15 - neuvième étape: résultat du test : le générateur de nombre aléatoire étant accepté si le paramètre du test  $fTU$  est compris entre  $t1$  et  $t2$ , et rejeté dans le cas contraire,

ledit procédé étant caractérisé en ce que la quatrième étape consiste en un calcul de la fonction  $c(L,K)$  valable quelques soient les paramètres  $L$  et  $K$ .

20

2. Procédé de test de source de nombre aléatoire selon la revendication 1 caractérisé en ce que la quatrième étape consiste en un calcul de la fonction  $c(L,K)$  valable dans le cas où la valeur de  $L$  est compris entre 3 et 16 et la valeur de  $K$  est supérieur à  $30 \cdot 2^L$ .

25

3. Procédé de test de source de nombre aléatoire selon la revendication 1 caractérisé en ce que la quatrième étape consiste en un calcul de la fonction  $c(L,K)$  valable pour une valeur de  $L > 16$  et une valeur de  $K > 30 \cdot 2^L$ .

30

4. Procédé selon la revendication 1 caractérisé en ce que le calcul de la fonction  $c(L,K)$  comporte neuf étapes:

1. calcul de:  $u = 1 - 2^{-L}$  et  $v = 1 - 1/(2^L - 1)$ ;

u et v étant des réels;

2. création de deux tableaux tab1 et tab2 de dimension  $60 \cdot 2^L$ ;
3. remplissage des tab1 et tab2: pour cela,
  - 3.1 exécution  $z=u$ ,  $sum=0$ ,  $z1=1$ ;
  - 3.2 pour i variant de 1 à  $30 \cdot 2^L$ , répétition des deux opérations étant:
    - addition de  $\log_2(i) \cdot z1$  à sum, dans laquelle  $\log_2$  désigne le logarithme en base 2, et
    - calcul de  $z1=z1 \cdot z$ ;
  - 3.3 exécution de  $tab1[0]=(1-z) \cdot sum$ ;
  - 3.4 pour i variant de 1 à  $60 \cdot 2^L$ , exécution de  $tab1[i]=(tab1[i-1]-(1-z) \cdot \log_2(i))/z$
  - 3.5 répétition les étapes 3.1, 3.2, 3.3, 3.4 en remplaçant u par v et tab1 par tab2;
4. calcul de la variance par bloc notée Var;
  - 4.1 exécution de  $sum=0$  et  $x=1$ ;
  - 4.2 pour i variant de 1 à  $30 \cdot 2^L$ , exécution les deux opérations étant:
    - addition de  $\log_2(i)^2 \cdot x$  à sum et
    - exécution  $x=x \cdot z$
  - 4.3 calcul  $Var=sum/2^L - tab1[0]^2$ ;
5. calcul de  $P(K)$ :
  - 5.1 calcul de  $sum=0$  et  $x=1$ ;
  - 5.2 pour i variant de 1 à  $30 \cdot 2^L$ : exécution des trois opérations suivantes:
    - calcul de  $y: y=u^2 \cdot (tab2[i+K-1]-tab1[i+K]) \cdot (tab2[0]-v^i \cdot tab2[i]) + u \cdot tab1[0] \cdot (tab1[i+K-1]-tab2[i+K-1])$ ,
    - addition de  $y \cdot x$  à sum,
    - exécution  $x=x \cdot u$ ;
  - 5.3 exécution  $P(K)=u^{(K-1)} \cdot sum$ ;
6. calcul de  $P(1)$ :  
mêmes opérations qu'à l'étape 5 en remplaçant K par 1;
7. calcul de  $Q(K)$ :
  - 7.1 exécution de  $sum=0$ ,  $sum2=0$  et  $x=1$ ,

7.2 pour  $i$  variant de 1 à  $30 \cdot 2^L$ :  
 addition de  $i \cdot \log_2(i) \cdot u(i-2)$  à  $\text{sum2}$ ;  
 exécution les trois opérations suivantes:  
 calcul de  $y = u^2(\text{tab2}[i+K-1] - \text{tab1}[i+K]) \cdot ((i+K) \cdot \text{tab2}[0] -$   
 5  $v_i \cdot \text{tab2}[i]) - 2(-L) \cdot \text{sum2}) + u \cdot (i+K-1) \cdot \text{tab1}[0] \cdot (\text{tab1}[i+K-1] -$   
 $\text{tab2}[i+K-1])$ ,  
 addition de  $y \cdot x$  à  $\text{sum}$ ,  
 exécution de  $x = x \cdot u$ ;  
 7.3 exécution de  $Q(K) = u^{(K-1)} \cdot \text{sum}$   
 10 8. calcul de  $Q(1)$   
 même procédé qu'à l'étape 7 en remplaçant  $K$  par 1  
 9. calcul de  $c(L, K)$   
 $c(L, K) = \sqrt{(1 - 2/\text{Var}(P(1) - P(K) - (Q(1) - Q(K))/K))}$

15

5. Procédé selon la revendication 2 caractérisé en ce que la fonction  $c(L, K)$  comporte deux étapes:

Première étape: Lecture des valeurs de  $e(L)$  et  $d(L)$ ,  $e$  et  $d$  étant  
 20 des réels, listées dans le tableau suivant, pour  $L$  compris entre 3 et 16:

	$L$	$d(L)$	$e(L)$
	3	0,2732725	0,4890883
	4	0,3045101	0,4435381
25	5	0,3296587	0,4137196
	6	0,3489769	0,3941338
	7	0,3631815	0,3813210
	8	0,3732189	0,3730195
	9	0,3800637	0,3677118
30	10	0,3845867	0,3643695
	11	0,3874942	0,3622979
	12	0,3893189	0,3610336
	13	0,3904405	0,3602731
	14	0,3911178	0,3598216
35	15	0,3915202	0,3595571



16                      0,3917561                      0,3594040

Deuxième étape: Calcul de la valeur  $c(L,K)$  à l'aide de la formule:  

$$c(L,K)=\sqrt{(d(L)+e(L)*2^{L/K})}$$

5

6. Procédé selon la revendication 3 caractérisé en ce que le calcul de la fonction  $c(L,K)$  est réalisée par la formule suivante:

$$c(L,K)=\sqrt{(1-6/\pi^2+2/\pi^2*(4*\log(2)-1)*2^{L/K})}$$

10

7. Dispositif électronique d'auto-vérification d'intégrité physique d'un circuit intégré s'auto-vérifiant et contrôlant l'intégrité de son générateur aléatoire, afin de s'assurer que ce dernier fonctionne correctement en général et ne présente pas de dérive suite à des changements de paramètres externes d'origine malveillante telle qu'une altération par des radiations induites en particulier, caractérisé en ce que ledit dispositif met en oeuvre le procédé de test selon l'une quelconque des revendications 1 à 6.

15

8. Dispositif électronique selon la revendication 7 caractérisé en ce que le dispositif effectuant le test est un dispositif portable.

20

9. Dispositif électronique selon la revendication 8 caractérisé en ce que le dispositif est une carte à puce.

25

10. Dispositif électronique selon la revendication 8 caractérisé en ce que le dispositif est une carte sans contact.

11. Dispositif électronique selon la revendication 8 caractérisé en ce que le dispositif est une carte PCMCIA.

30

12. Dispositif électronique selon la revendication 8 caractérisé en ce que le dispositif est un badge.

13. Dispositif électronique selon la revendication 8 caractérisé en ce que le dispositif est une montre intelligente.

35

14. Dispositif électronique selon l'une quelconque des revendications 1 à 6 caractérisé en ce qu'un dispositif extérieur effectuant le test est constitué d'une machine ou installation destinée à tester le bon
- 5 fonctionnement de générateurs aléatoires embarqués à bord desdits dispositifs portables.